CINÉTIQUE DES RÉACTIONS D'OXYDORÉDUCTION

Programme officiel _____

Notions et contenus	Capacités exigibles
Courbes courant-potentiel sur une électrode en ré-	Relier vitesse de réaction électrochimique et intensité du
gime stationnaire :	courant.
• surpotentiel,	Identifier les espèces électroactives pouvant donner lieu
systèmes rapides et systèmes lents,	à une limitation en courant par diffusion.
nature de l'électrode,	Relier, qualitativement ou quantitativement, l'intensité du
courant limite de diffusion,	courant limite de diffusion à la concentration du réactif, au
vagues successives,	nombre d'électrons échangés et à la surface immergée
domaine d'inertie électrochimique du solvant.	de l'électrode.
	Tracer l'allure de courbes courant-potentiel à partir de
	données fournies.
	Identifier les paramètres d'influence du domaine d'inertie
	électrochimique du solvant.
Utilisation des courbes courant-potentiel	Tracer et utiliser des courbes courant-potentiel.
Transformations spontanées :	Reconnaitre une transformation spontanée et étudier
notion de potentiel mixte,	qualitativement sa vitesse à partir de courbes courant-
fonctionnement d'une pile électrochimique.	potentiel données.
	Utiliser les courbes courant-potentiel pour rendre compte
	du fonctionnement d'une pile électrochimique et prévoir la
	valeur de la tension à vide.
	Citer les paramètres influençant la résistance interne
	d'une pile.
Transformations forcées : électrolyse, recharge d'un accu-	Mettre en œuvre une électrolyse.
mulateur.	Utiliser les courbes courant-potentiel pour rendre compte
	du fonctionnement d'un dispositif siège d'une électrolyse
	et prévoir la valeur de la tension minimale à imposer.
	Utiliser les courbes courant-potentiel pour justifier la né-
	cessité :
	de purifier une solution électrolytique avant l'électrolyse,
	de choisir les électrodes permettant de réaliser l'électro-
	lyse voulue.
	Déterminer un rendement faradique à partir d'informa-
	tions fournies concernant le dispositif étudié.
	Déterminer la masse de produit formé pour une durée et
	des conditions données d'électrolyse.
	Citer les paramètres influençant la résistance interne du
	dispositif siège d'une électrolyse.
Stockage et conversion d'énergie chimique.	Identifier piles, électrolyseurs et accumulateurs comme
	des dispositifs mettant en jeu des conversions entre éner-
	gie chimique et énergie électrique.

■ Pré-requis :

♀ Aux concours ces dernières années :

À l'écrit : souvent, voire très souvent.

* 2024 : ENS Lyon (couplé avec des réacteurs ouverts, miam!)

* 2023 : tous les sujets sauf e3a.

* 2022 : Mines-Ponts et ENS Lyon.

■ À *l'oral* : souvent.

Plan du cours _____

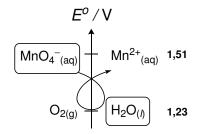
In	ntroduction		3
I.	Le c	ourant comme mesure de vitesse	3
	I.1	Courant et vitesse d'une réaction rédox	3
	I.2	Courbes courant-potentiel	6
	I.3	Montage expérimental	7
II.	Inte	erprétation de l'allure des courbes courant-potentiel	8
	II.1	Mécanisme d'une réaction électrochimique	8
	II.2	Cas de limitation par le transfert de charge	9
		II.2.a Notion de potentiel rédox d'équilibre	9
		II.2.b Systèmes rapide et lent	11
		II.2.c Cas de la présence d'un seul membre du couple	13
	II.3	Cas de limitation par le transport de matière	14
		II.3.a Palier de diffusion	14
		II.3.b Absence de palier de diffusion	18
	II.4	Observation de vagues successives	20
III	l. Étu	de de la cinétique des transformations rédox spontanées	22
	III.1	Potentiel mixte	22
	III.2	Application aux piles	23
		III.2.a Aspect thermodynamique	23
		III.2.b Aspect cinétique	23
		III.2.c Optimisation	26
IV	Étu	de de la cinétique des transformations rédox forcées	26
	IV.1	Aspect thermodynamique	26
	IV.2	Aspect cinétique	27
	IV.3	Optimisation	28
	IV.4	Accumulateur	30
Sv	nthè	se	31

Introduction

Dans le précédent chapitre, l'aspect thermodynamique des réactions rédox a été étudié via les diagrammes potentiel-pH et l'étude des potentiels rédox standard (INP1).

La seule étude de la thermodynamique ne permet pas toujours d'étudier une réaction. En particulier, ne réaction thermodynamiquement spontanée ne peut pas avancer si elle est cinétiquement bloquée.

C'est par exemple le cas du permanganate de potassium et de l'eau. Thermodynamiquement, on constante que le permanganate de potassium est instable dans l'eau. En revanche, les solutions de permanganate de potassium sont tout à fait stable sur des durées raisonnables : la réaction est donc **cinétiquement bloquée**.



$$4 \,\mathrm{MnO}_{4(aq)}^- + 12 \,\mathrm{H}_{(aq)}^+ = 4 \,\mathrm{Mn}_{(aq)}^{2+} + 6 \,\mathrm{H}_2 \mathrm{O}_{(\ell)} + \mathrm{O}_{2(g)}$$

Ce chapitre étudie la vitesse des transformations rédox via la vitesse du transfert électronique qui se déroule entre un oxydant et un réducteur au contact d'un conducteur métallique.

I. Le courant comme mesure de vitesse

L'objectif de cette partie est d'étudier la vitesse de la **transformation rédox** suivante :

I.1 Courant et vitesse d'une réaction rédox

On considère une réaction de réduction se déroulant à la surface d'une électrode :

$$v_0 O + n e^- = v_R R$$

en notant O l'espèce oxydante et R l'espèce réductrice et v_i les nombres stœchiométriques.

Exemple :
$$Fe_{(aq)}^{3+} + e^{-} = Fe_{(aq)}^{2+}$$

Par définition, la vitesse (non volumique, en $\text{mol} \cdot \text{s}^{-1}$) d'une réaction s'écrit :

.....

Ici, dans le sens de la réduction, la vitesse v_{Red} s'écrit :

.....

.....

avec, en particulier, n_e le nombre **de moles** d'électrons.

La loi de Faraday donne le lien entre le nombre de moles d'électrons échangés n_e et la charge q :

$$q = n_e \mathcal{F}$$

où $\mathcal{F} = 96\,500\,\mathrm{C}\cdot\mathrm{mol}^{-1}$ est la constante de Faraday.

La vitesse de la réaction devient :
On reconnaît l'expression de l'intensité $i(t) = \frac{dq}{dt}(t)$.
Il en est de même pour le sens de l'oxydation :
$v_{O}O + ne^{-} = v_{R}R$
La vitesse de la réaction s'écrit :
On prend, par convention :
• $i_{Ox} > 0$ pour l' oxydation ; • $i_{Red} < 0$ pour la réduction .

Définition: vitesse d'une réaction électrochimique

La *vitesse globale* de la réaction électrochimique a pour expression :

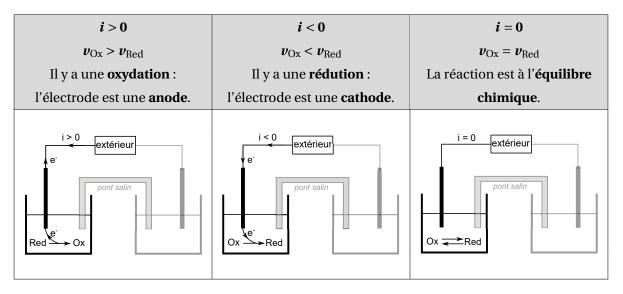
$$v(t) = v_{\text{Ox}} - v_{\text{Red}} = \frac{1}{n\mathcal{F}} (i_{\text{Ox}} + i_{\text{Red}}) = \frac{i(t)}{n\mathcal{F}}$$

Le *courant* a donc pour expression :

$$i(t) = n\mathcal{F}(v_{\text{Ox}} - v_{\text{Red}}) = n\mathcal{F}v(t)$$

Le signe de l'intensité du courant indique le sens de la transformation électrochimique.

ightharpoonup Remarque: Attention à ne pas confondre n_e le nombre de moles d'électrons qui circule et n, le nombre d'électrons dans l'équation de réaction.



La vitesse d'une réaction électrochimique dépend :

- de la température;
- des concentrations des espèces en solution (donc du pH);
- de la **nature du conducteur métallique** sur laquelle la réaction se déroule;
- de la surface du conducteur métallique sur laquelle la réaction se déroule;
- du **potentiel** appliqué à l'électrode.

Parfois, la donnée du courant i est remplacée par la **densité de courant** j, la même qu'en physique :

$$i = \iint_{S} \overrightarrow{j} \cdot d\overrightarrow{S} = j \cdot S$$
 (si \overrightarrow{j} est constante sur la surface S)

La densité de courant à l'avantage d'être **indépendante de la surface** de l'électrode, qui peut différer d'un laboratoire à l'autre ou d'une expérience à l'autre.

Définition: densité de courant

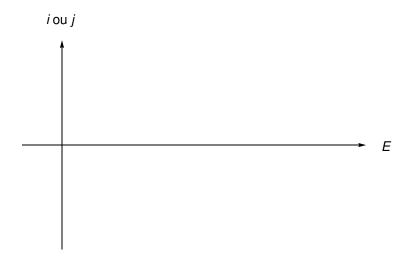
Il est d'usage de mesurer une *densité de courant*, notée j qui permet de s'affranchir de la surface du conducteur métallique.

$$j=\frac{i}{S}$$

 $Unit\acute{e}: A \cdot m^{-2}$

I.2 Courbes courant-potentiel

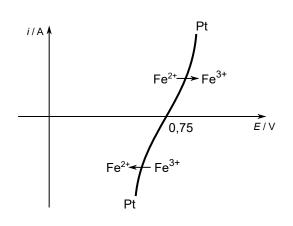
La mesure de l'intensité du courant électrique qui entre ou qui sort de l'électrode de travail permet donc d'accéder à la mesure de la vitesse de la réaction. Or, la vitesse (et donc l'intensité) dépend du potentiel électrique du conducteur métallique. Ainsi, le tracé de l'intensité du courant électrique en fonction du potentiel permet l'étude thermodynamique et cinétique de la réaction électrochimique.



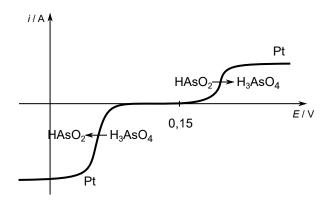
Premarque: Le potentiel n'est pas une grandeur accessible. Expérimentalement, il n'est possible de mesurer que des **différences** de potentiel. La grandeur portée en abscisse est donc, plus rigoureusement, un potentiel du type $e = E - E_{\text{réf}}$.

Les courbes pouvant être enregistrées ont par exemple l'allure suivante :

Fe³⁺ (0,1 mol/L) / Fe²⁺ (0,2 mol/L) sur Pt



H₃AsO₄ (0,2 mol/L) / HAsO₂ (0,1 mol/L) sur Pt



Pour aller plus loin : pourquoi les courbes ont-elles cette allure?

Le courant est toujours une fonction croissante du potentiel. Cela provient du fait que l'énergie potentielle des électrons au sein d'un métal vaut -eV et est d'autant plus faible que le potentiel électrique V est élevé.

- Si le métal est à un **potentiel électrique élevé**, il a tendance à **accepter des électrons** et est donc le siège d'une **oxydation**. Le **courant** est alors **positif** et d'autant plus positif que le **potentiel** est **élevé**.
- Si le métal est à un potentiel électrique faible, il a tendance à céder des électrons et est donc le siège d'une réduction. Le courant est alors négatif et d'autant plus négatif que le potentiel est faible.

Important

L'intensité est **unique** en tout point du circuit. Par ailleurs, l'intensité à l'anode est identique **en valeur absolue** à celle de la cathode :

$$i_{\text{anode}} = -i_{\text{cathode}}$$

I.3 Montage expérimental

Le tracé des courbes courant-potentiel nécessite :

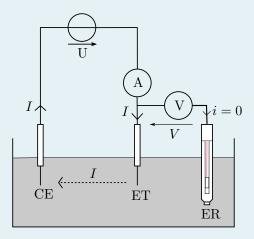
- d'imposer un **potentiel électrique connu** au conducteur métallique;
- de mesurer en même temps le courant qui circule dans le circuit.

Ces deux actions n'étant **pas réalisables en même temps**, il faut utiliser un montage à trois électrodes. Pour avoir accès au potentiel électrique imposé, il faut utiliser une électrode de référence dont le potentiel n'est constant que si elle n'est **pas traversée par un courant**, d'où la nécessité d'une troisième électrode.

Définition : le montage à trois électrodes

Le montage à trois électrodes est constitué :

- d'une **électrode de travail** (ET). Elle est le siège de la transformation rédox étudiée (oxydation ou réduction).
- d'une **électrode de référence** (ER) : son potentiel est fixe (si aucun courant ne la traverse).
- d'une **contre-électrode** (CE) : elle est parcourue par le même courant que l'électrode de travail.



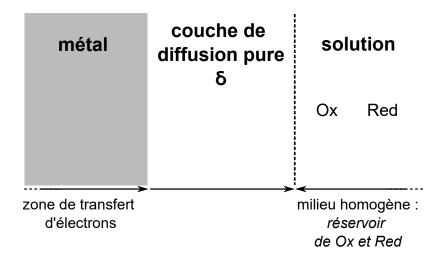
Le **potentiel absolu** de l'électrode de travail est déduit grâce au **voltmètre** qui mesure la **différence de potentiel** entre l'**électrode de travail** et l'**électrode de référence**.

II. Interprétation de l'allure des courbes courant-potentiel

II.1 Mécanisme d'une réaction électrochimique

La réaction d'oxydo-réduction se déroulant à la surface d'une électrode de travail possède deux caractéristiques essentielles :

- elle s'accompage d'un **transfert d'électron(s)** à l'interface métal-solution (*ie*. à la surface de l'électrode);
- des espèces étant consommées à l'électrode, elle nécessite également un **transfert de matière** entre la surface de l'électrode et la solution.



La transformation de Ox en Red (ou de Red en Ox) se fait en deux étapes successives :

- $Ox_{(sol)} \xrightarrow{\text{transfert de matière}} Ox_{(elect)} \xrightarrow{\text{transfert de charge}} Red$ transfert de transfert de
- traversée de la zone de diffusion pure de Ox ou Red pour passer de la solution homogène à l'électrode;
- transfert d'électron(s) au niveau de l'électrode.

Il existe donc deux cas de limitation, c'est-à-dire deux cas différents ou le phénomène cinétiquement déterminant n'est pas le même.

Red_(sol)

$ E-E_{\acute{\mathbf{e}}\mathbf{q}} $ est faible	Le transfert de charge est cinétiquement déterminant.
$ E-E_{ m \acute{e}q} $ est élevée	Le transfert de matière est cinétiquement déterminant.

II.2 Cas de limitation par le transfert de charge

II.2.a Notion de potentiel rédox d'équilibre

Le transfert de charge ne peut se produire que **si les espèces électroactives sont situées à proximité du conducteur** métallique.

Définition: potentiel rédox d'équilibre

Le *potentiel rédox d'équilibre*, noté $E_{\text{éq}}$ est la valeur du potentiel E lorsque l'oxydant et le réducteur sont **présents conjointement en solution** et que **le courant est nul**. Il est donné par la relation de NERNST.

$$E_{\text{\'eq}} = E_{i=0} = E_{\text{Nernst}}$$

Important

Le potentiel rédox d'équilibre n'a aucune raison de valoir le potentiel rédox standard E° sauf si les oxydants et réducteurs sont dans leur état standard.

$$E_{\text{\'eq}} = E_{\text{Ox/Red}}^{\circ} + \underbrace{\frac{0.06}{n} \log \left(\frac{a_{\text{Ox}}^{v_{\text{Ox}}}}{a_{\text{Red}}^{v_{\text{Red}}}} \right)}_{\neq 0 \text{ sauf si \'etat standard pour tout le monde}}$$

Lorsque le potentiel E est égal au potentiel d'équilibre $E_{\rm \acute{e}q}$, le courant est nul par définition. La vitesse de la transformation électrochimique est donc nulle elle aussi. Il n'y a aucun échange d'électrons à l'électrode

\land Dans chaque cas, calculer le potentiel d'équilibre.

couple et conditions	<i>E</i> ° / V
$Fe_{(aq)}^{3+}$ (0,1 mol·L ⁻¹)/ $Fe_{(aq)}^{2+}$ (0,2 mol·L ⁻¹)	0,77
$Ag^{+}_{(aq)} (0.01 \ mol \cdot L^{-1})/Ag_{(s)}$	0,80
$H_{(aq)}^+/H_{2(g)}$ (1 bar); pH = 0	0

II.2.b Systèmes rapide et lent

Définition: système rapide

Un système (métal + Ox et/ou Red) est considéré comme rapide si une petite variation du potentiel rédox E par rapport à $E_{\text{\'eq}}$ conduit à un courant non négligeable.



 $E \neq E_{\text{\'eq}}$.

Définition: système lent

Un système (métal + Ox et/ou Red) est considéré comme lent si une petite variation du potentiel rédox E par rapport à $E_{\text{éq}}$ ne conduit pas à un courant non négligeable.



L'apparition d'un courant est effective dès que | Il faut alors dépasser largement la valeur de $E_{
m \acute{e}q}$ pour voir l'apparition d'un courant.

Important

ATTENTION: cette notion est relative à un système et non à un couple rédox. Elle dépend du conducteur métallique.

Ainsi, dire que « le couple $Fe^{3+}_{(aq)}/Fe^{2+}_{(aq)}$ est rapide » n'a aucun sens. Dire que « le couple $Fe_{(aq)}^{3+}/Fe_{(aq)}^{2+}$ est rapide sur platine » a du sens.

Il est possible d'introduire un critère quantitatif pour mesurer à quel point le système est lent : il faut comparer le potentiel rédox d'équilibre au potentiel rédox nécessaire pour obtenir une densité de courant donnée ou une fraction donnée du courant limite. Cette grandeur est appelée surpotentiel anodique ou cathodique.

Définition: surpotentiel de seuil

Le *surpotentiel de seuil* (ou surpotentiel à vide), noté η , est la différence entre le potentiel rédox de l'électrode de travail lorsque le courant i devient non négligeable et celui à l'équilibre $E_{\text{éq}}$.

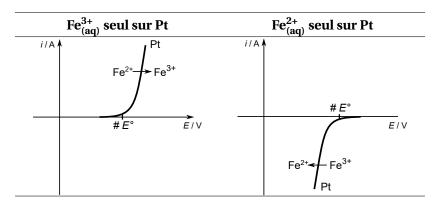
$$\eta = E_{i\neq 0} - E_{\acute{\mathbf{e}}\mathbf{q}}$$

Unité: volt (V)

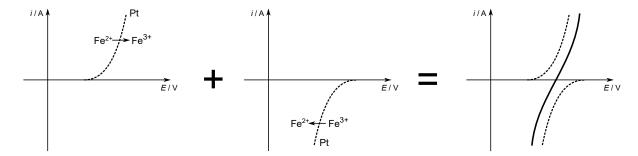
	PRemarque: certains sujets, ouvrage, cours ou examinateur.trices parlent de « surtension » anodique ou cathodique. C'est exactement la même chose et c'était jadis le terme utilisé.
	• Surpotentiel de seuil anodique :
	Surpotentiel de seuil cathodique :
su	Le surpotentiel dépend du couple et du métal . Autrement dit, un couple rédox peut avoir un repotentiel différent sur une électrode ou sur une autre (d'un autre métal).
	Application 2: tracé de courbe courant-potentiel \mathbb{Z} Tracer la courbe courant-potentiel en réduction du couple $H^+_{(aq)}/H_{2(g)}$, pour une électrode de carbone graphite plongeant dans une solution d'acide chlorhydrique à $C=1,0\cdot 10^{-2} \mathrm{mol}\cdot\mathrm{L}^{-1}$, surmontée d'une atmosphère ayant une pression partielle en dihydrogène de $p=0,10$ bar, à 25 °C. On précise que le surpotentiel cathodique seuil sur carbone graphite est de $\eta_{c,0}=-0,50\mathrm{V}$.

II.2.c Cas de la présence d'un seul membre du couple

Lorsque seul le réducteur (resp. l'oxydant) est présent, seule la vague d'oxydation (resp. de réduction) est observée. De plus, il n'est pas possible de calculer un potentiel d'équilibre, cas la relation de NERNST ne s'y applique pas.



En sommant les deux courbes, la courbe du système « complet » $Fe_{(aq)}^{3+}/Fe_{(aq)}^{2+}$ est retrouvée :



En effet:

- Si seul $Fe^{2+}_{(aq)}$ est présent, le courant anodique $i_a > 0$ n'est dû qu'à la réaction d'oxydation $Fe^{2+}_{(aq)} \longrightarrow Fe^{3+}_{(aq)} + ne^{-}$.
- Si seul $Fe^{3+}_{(aq)}$ est présent, le courant cathodique $i_c < 0$ n'est dû qu'à la réaction de réduction $Fe^{3+}_{(aq)} + ne^- \longrightarrow Fe^{2+}_{(aq)}$.

Quand les deux espèces sont en solutions, les deux transformations se déroulent **en même temps** et les courants s'ajoutent $i = i_a + i_c$.

Application 3: tracé de courbe courant-potentiel

A Représenter l'allure de la courbe i-E d'une solution contenant des ions chlorure à la concentration $0.1 \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$.

 $Donn\acute{e}s: E^{\circ}_{\operatorname{Cl}_{2(g)}/\operatorname{Cl}_{(aq)}^{-}} = 1,36\,\mathrm{V}$

PRemarque : tout comme dans cette application, il faut parfois **prendre des initiatives** pour donner une valeur approchée et cohérente du potentiel d'équilibre. C'est le cas pour les pressions. Par ailleurs, lorsque les surpotentiels de seuil ne sont pas fournis, il faut supposer que le couple est rapide (idéalement en le précisant).

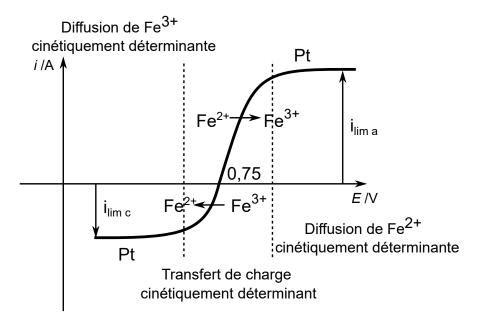
II.3 Cas de limitation par le transport de matière

II.3.a Palier de diffusion

Pour des potentiels appliqués à l'électrode de travail ayant une valeur suffisamment éloignée de $E_{\rm \acute{e}q}$, le **transfert de matière par diffusion** devient l'étape cinétiquement déterminante, car le

transfert de charge devient rapide (que le système soit rapide ou lent!). Il apparaît donc un **pallier de diffusion**.

Exemple: courbe courant-potentiel pour une solution contenant des ions fer (II) et fer (III).



L'expression du courant limite de diffusion est obtenue en utilisant la loi de ${\sf FICK}^1$:

$$i_{\text{lim,a}} = \frac{n\mathcal{F}SD [\text{Red}]}{\delta}$$

et

$$i_{\lim,c} = -\frac{n\mathcal{F}SD[Ox]}{\delta}$$

Avec:

- *n* le nombre d'électrons échangés;
- \mathcal{F} la constante de FARADAY;
- *S* la surface de l'électrode;

- δ l'épaisseur de la couche de diffusion;
- *D* le coefficient de diffusion de l'espèce qui s'oxyde ou se réduit à l'électrode.

Conséquence

Le **courant limite de diffusion** est proportionnel au **nombre d'électrons** échangés, à la **surface** de l'électrode et à la **concentration** de l'espèce électro-active.

^{1.} voir cours de mécanique des fluides...

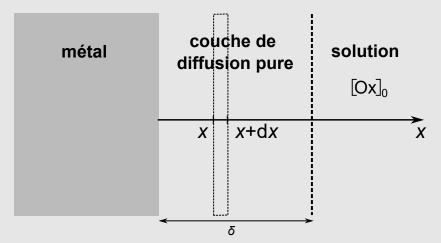
Pour aller plus loin : expression de l'intensité limite de diffusion (hors programme)

L'étude concerne une réaction de réduction :

$$Ox + ne^- \longrightarrow Red$$

mais peut évidemment être transposée à une oxydation.

Dans le cas où le transfert de matière est limitant, la diffusion de l'oxydant noté Ox vers l'électrode est étudiée en supposant un système de symétrie cylindrique.



Hypothèses:

- Ox est transporté dans des conditions de diffusion pure depuis le solvant (concentration homogène [Ox]₀) vers la surface de l'électrode où sa concentration est nulle.
- Dans la zone de diffusion pure, dont la longueur est notée δ , il n'y a que de la diffusion, ni convection (pas d'agitation), ni migration (présence d'un électrolyte fort).
- Le régime est stationnaire.
- En physique, c'est la **densité de particule** (N, en m⁻³) qui est utilisée. En chimie, on utilise plus volontiers la **concentration en quantité de matière** (c ou [Ox], en mol·L⁻¹), qui a évidemment le même sens physique.

Bilan de quantité de matière en Ox :

Dans le système de section S compris entre les tranches x et x + dx dans la zone de diffusion pure, le bilan s'écrit :

$$n_{\text{Ox}}(x, t + dt) = n_{\text{Ox}}(x, t) + \underbrace{\delta n^{\text{e}}(x, t)}_{\text{entrant en } x} - \underbrace{\delta n^{\text{s}}(x + dx, t)}_{\text{sortant en } x + dx}$$

Par définition, le vecteur densité de courant de particule (ici, densité de courant), s'écrit en fonction du flux de particule $\Phi_N = \frac{\delta n}{\mathrm{d}t}$ comme :

$$\Phi_N = \iint \overrightarrow{j} \cdot d\overrightarrow{S}$$

Ainsi, le bilan devient :

$$n_{\mathrm{Ox}}(x,t+\mathrm{d}t)-n_{\mathrm{Ox}}(x,t)=\iint\overrightarrow{j_{\mathrm{Ox}}}(x,t)\cdot\mathrm{d}\overrightarrow{S}\,\mathrm{d}t-\iint\overrightarrow{j_{\mathrm{Ox}}}(x+\mathrm{d}x,t)\cdot\mathrm{d}\overrightarrow{S}\,\mathrm{d}t$$

Sachant que le problème est **unidimensionnel** et que $\overrightarrow{j_{\text{Ox}}}$ est **constant** sur la surface S, l'intégration et la projection donnent :

$$\begin{aligned}
&\left(\left[\operatorname{Ox}\right](x,t+\operatorname{d}t) - \left[\operatorname{Ox}\right](x,t)\right)\underbrace{\frac{\delta V}{\operatorname{Sd}x}} = j_x \operatorname{Sd}t - j_{x+\operatorname{d}x} \operatorname{Sd}t \\
&\underbrace{\left[\operatorname{Ox}\right](x,t+\operatorname{d}t) - \left[\operatorname{Ox}\right](x,t)}_{\operatorname{d}t} S = \frac{j_{\operatorname{Ox}}(x,t) - j_{\operatorname{Ox}}(x+\operatorname{d}x,t)}{\operatorname{d}x} S \\
&\underbrace{\frac{\partial \left[\operatorname{Ox}\right]}{\partial t}(x,t)}_{\operatorname{d}t} = -\frac{\partial j_{\operatorname{Ox}}}{\partial x}(x,t)
\end{aligned}$$

Loi de Fick:

$$\overrightarrow{j_{\text{Ox}}}(x,t) = -D\overrightarrow{\text{grad}} [\text{Ox}](x,t)$$
 soit, à 1D: $j_{\text{Ox}}(x,t) = -D\frac{\partial [\text{Ox}]}{\partial x}(x,t)$

Injectée dans l'équation de conservation,, il vient :

$$\boxed{\frac{\partial \left[\mathbf{O} \mathbf{x} \right]}{\partial t} (x, t) = D \frac{\partial^2 \left[\mathbf{O} \mathbf{x} \right]}{\partial x^2} (x, t)} \qquad \text{(équation de diffusion)}$$

En régime stationnaire, $\frac{\partial [Ox]}{\partial t}(x,t)=0$ et les dérivées partielles spatiales deviennent des dérivées droites. Le problème se ramène donc à l'équation différentielle suivante :

$$\frac{\mathrm{d}^2 [\mathrm{Ox}]}{\mathrm{d}x^2} = 0 \Rightarrow [\mathrm{Ox}](x) = ax + b$$

Conditions aux limites:

- [Ox] (*x* = 0) = 0 car la réaction de réduciton de Ox en Red est instantanée à la surface de l'électrode.
- $[Ox](x = \delta) = [Ox]_0$ car la solution est homogène loin de l'électrode.

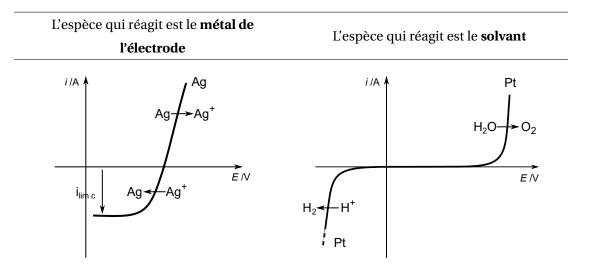
$$[Ox](x) = [Ox]_0 \frac{x}{\delta}$$
 et $j = -\frac{D[Ox]_0}{\delta}$

Or,

$$i_{\text{lim,c}} = \frac{\mathrm{d}\,q}{\mathrm{d}\,t}(t) = n\mathcal{F}\frac{\mathrm{d}\,n_{\mathrm{Ox}}}{\mathrm{d}\,t}(t) = n\mathcal{F}Sj_{\mathrm{Ox}} \Rightarrow \boxed{i_{\mathrm{lim,c}} = -\frac{n\mathcal{F}SD\left[\mathrm{Ox}\right]_{\mathbf{0}}}{\delta}}$$

II.3.b Absence de palier de diffusion

Il existe deux cas où l'on n'observe pas de pallier de diffusion : ce sont les cas où la diffusion n'intervient pas pour fournir du réactif à l'électrode.



Le système contient $Ag^+_{(aq)}$ $(10^{-2} \ mol \cdot L^{-1})$ et $Ag_{(s)}$.

Le système contient de l'eau à pH = 7 et une électrode de platine.

Conclusion

Il existe deux cas pour lesquels la courbe courant-potentiel ne présente $\underline{\textbf{pas}}$ de palier de diffusion :

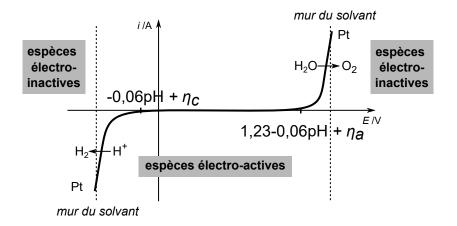
- si l'espèce électro-active est le métal de l'électrode;
- si l'espèce électro-active est le solvant.

Le solvant étant en abondance infinie dans la solution, il est donc limitant pour l'électroactivité des espèces qui s'oxyde « après lui » ou qui se réduisent « avant lui ». Ainsi, le domaine d'inertie du solvant doit être étudié en amont de l'expérience pour savoir si certaines vagues seront observées ou non...

Définition: domaine d'inertie d'un solvant

Dans un solvant donné comme l'eau, les réactions d'oxydation et de réduction de ce dernier constituent le *domaine d'inertie* du solvant.

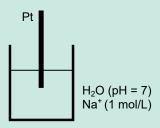
Une espèce est **électro-active** dans un solvant si ses **vagues d'oxydation et de réduction** sont **comprises** entre celles du solvant.



p Remarque : la même situation est rencontrée pour une espèce dont la vague d'oxydation se situe au-delà de celle du métal de l'électrode s'il est oxydable.

☑ Application 4 : espèce électro-inactive

Le système étudié est le suivant :



 \triangle Montrer que les ions sodium $Na_{(aq)}^+$ ne peuvent être réduits au sein d'un tel système. Donn'ees:

- $E_{\text{Na}_{(\text{aq})}^+/\text{Na}_{(\text{s})}}^{\circ} = -2,71 \text{ V}$
- Surpotentiel de seuil nul pour la réduction des protons sur Pt

.....

II.4 Observation de vagues successives

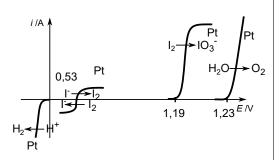
Propriété

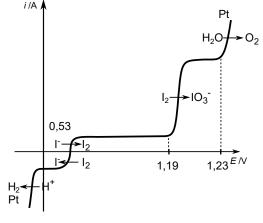
Si la solution contient **plusieurs espèces électroactives**, le courant mesuré correspond à la **somme des courants** dus aux différentes réactions rédox.

 $\textit{Exemple :} \text{ solution à pH} = 0 \text{ avec } [I_{2(aq)}] = 1 \text{ } mol \cdot L^{-1} \text{ et } [I_{(aq)}^-] = 1 \text{ } mol \cdot L^{-1}.$

Allure des courbes courant-potentiel en prenant les espèces indépendamment les unes des autres :

Allure des courbes courant-potentiel du système réel :





☑ Application 5: tracé de courbes courant-potentiel
Tracer l'allure de la courbe courant-potentiel cathodique pour une électrode de platine plongeant dans un solution désaérée (pas de dioxygène) contenant du sulfate de cuivre (II) de concentration $c = 10^{-2} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$ et de pH = 2 fixé par la concentration adéquate d'acide.
Données : $E_{\rm Cu_{(aq)}^{2+}/Cu_{(s)}}^{\circ}=0,34~{\rm V}$ Surpotentiel de seuil du dégagement de dihydrogène sur le cuivre : $\eta_{\rm H_{(aq)}^+/H_{2(g)}}=-0,50~{\rm V}.$

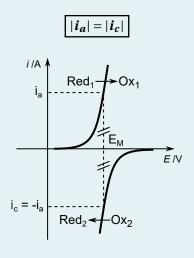
III. Étude de la cinétique des transformations rédox spontanées

III.1 Potentiel mixte

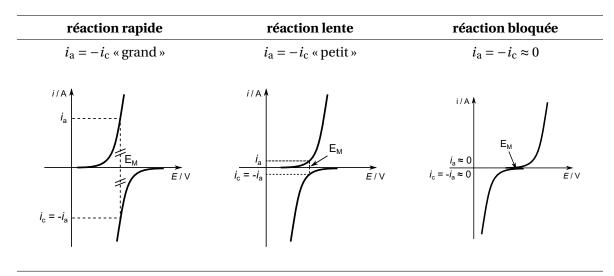
Toutes les réactions rédox mettent en jeu deux couples rédox, il faut prendre en compte les courbes courant-potentiel de deux systèmes électrochimiques pour interpréter les observations. Puisque les électrons libres en solution n'existent pas, il en découle que $i_a = -i_c$. Le seul potentiel qui assure cette relation est appelé **potentiel mixte**.

Définition: potentiel mixte

Pour une **réaction électrochimique spontanée** entre un oxydant et un réducteur, le système possède un unique potentiel rédox appelé *potentiel mixte* $E_{\rm M}$. Au potentiel mixte, les courants anodique et cathodique sont donc égaux en valeur absolue :

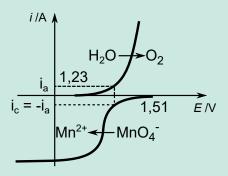


L'intensité du courant qui est mesurée pour $E = E_{\rm M}$ permet de savoir si la réaction électrochimique directe est rapide, ou lente.



☑ Application 6: potentiel mixte et réactivité dans l'eau

△ Commenter la stabilité des ions permanganate en solution aqueuse grâce aux courbes courant-potentiel suivantes.



.....

III.2 Application aux piles

III.2.a Aspect thermodynamique

Propriété: principe d'une pile

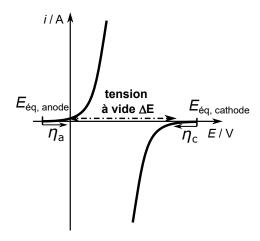
Dans le cas d'une **pile**, une *réaction spontanée* provoque un **déplacement d'électrons**, donc un courant, qui est **utilisé** par l'expérimentateur/trice.

III.2.b Aspect cinétique

La différence de potentiel aux bornes de la pile, c'est-à-dire la tension à ses bornes, vaut :

$$\Delta E = E_{\text{cathode}} - E_{\text{anode}}$$

Lorsque la pile ne débite aucun courant, cette tension est appelée **tension à vide**. La tension à vide doit être calculée en tenant compte des contraintes cinétiques du système, représentées par les surpotentiels anodique et cathodique. On peut alors déduire de la courbe ci-après la **tension à vide** de la pile :

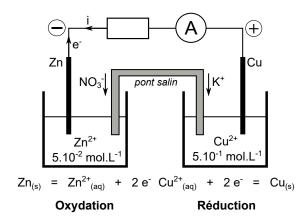


Conséquence: tension à vide d'une pile

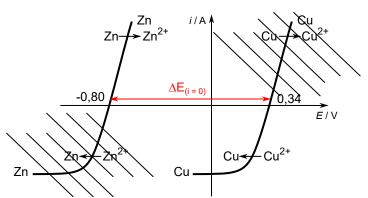
La tension à vide d'une pile s'écrit :

$$\Delta E_{(i=0)} = \underbrace{E_{\text{\'eq,cathode}} - E_{\text{\'eq,anode}}}_{\text{thermodynamique}} + \underbrace{\eta_a - \eta_c}_{\text{cin\'etique}}$$

En reprenant l'exemple de la pile Daniell, il convient de distinguer deux situations.



• Lorsque la pile ne débite pas, la tension à vide est lue pour un courant nul.

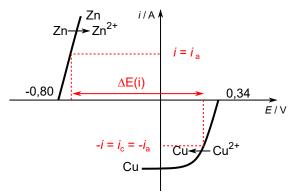


La tension à vide de cette pile vaut :

.....

• Lorsque la pile débite, les deux électrodes sont parcourues par des courants non nuls et identiques en valeur absolue :

$$i_{\mathbf{a}} = -i_{\mathbf{c}} = i$$



Lorsque la pile débite, les deux électrodes sont parcourues par des courants dont les valeurs absolues sont nécessairement identiques :

$$|i=|i_a|=|i_c|$$

Comme tout générateur, la pile électrochimique possède, lorsqu'elle débite, une résistance interne r qui a pour effet de créer de l'irréversibilité. Cette résistance interne provient en grande partie de la fonction entre les deux demi-pile ainsi que de la capacité grande ou non de l'électrolyte à conduire le courant électrique.

Définition: résistance interne d'une pile

Lorsque la pile débite, il est nécessaire de prendre en compte sa *résistance interne* r, appelée également **chute ohmique**. L'expression de la tension délivrée est telle que :

$$U = \Delta E(i) - ri$$

Unité: Ohm (Ω)

Schéma du dipôle équivalent :

- **Proposition** Remarque: D'après le cours de physique, $R = \frac{\ell}{\gamma S} = \frac{\rho \ell}{S}$. Ainsi, pour diminuer la résistance interne de la pile, il faut :
 - que l'électrolyte soit un bon conducteur ionique (on diminue la résistivité ρ , ie. on augmente la conductivité γ);
 - que les électrodes soient le plus proches possibles (on diminue ℓ);
 - que les électrodes soient de plus grandes surfaces possibles (on augmente S).

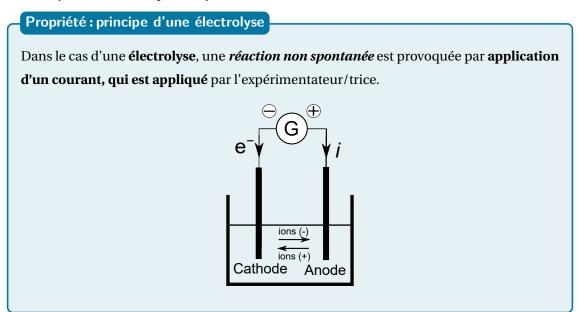
III.2.c Optimisation

Pour optimiser une pile, il faut :

- augmenter la tension à vide e (choix des couples rédox);
- réduire les surpotentiels cinétiques aux électrodes (choix du métal);
- diminuer la résistance interne de la pile.

IV. Étude de la cinétique des transformations rédox forcées

IV.1 Aspect thermodynamique



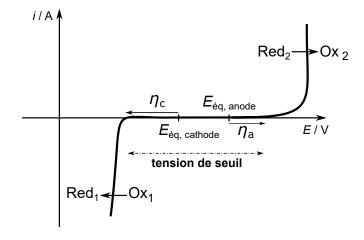
Pour forcer une réaction dans un système d'électrolyse, il faut donc appliquer une différence de potentiel entre les deux bornes à l'aide d'un générateur.



L'électrolyseur ne comporte qu'un seul compartiment, contrairement à la pile.

IV.2 Aspect cinétique

La tension à appliquer se déduit des courbes courant-potentiel :



On en déduit qu'il faut appliquer la tension suivante pour provoquer la réaction rédox au sein de l'électrolyseur :

.....

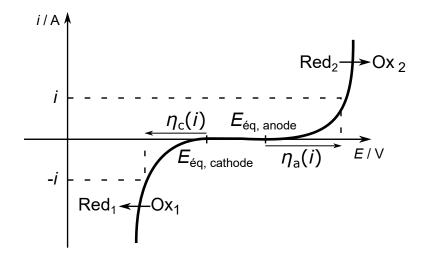
.....

Conséquence

La *tension de seuil* $\Delta E_{\rm seuil}$ d'un électrolyseur est la tension minimale à imposer entre les deux bornes du dispositif afin que se déroule la réaction d'électrolyse.

$$\Delta E_{\text{seuil}} = \underbrace{E_{\text{\'eq,anode}} - E_{\text{\'eq,cathode}}}_{\text{thermodynamique}} + \underbrace{\eta_a - \eta_c}_{\text{cin\'etique}}$$

Dans la partie précédente a été introduite la **chute ohmique** d'une pile. Il en existe évidemment une aussi pour un électrolyseur. Celle-ci est à compenser lors d'une électrolyse. Pour la compenser et ainsi augmenter la vitesse de réaction, il faut imposer une tension U supérieure à $\Delta E_{\rm seuil}$.



La tension U à appliquer s'exprime en fonction de la tension de seuil comme :
Schéma électrique équivalent :

IV.3 Optimisation

Définition: rendement faradique

Le *rendement faradique* η est le rapport entre la **charge électrique théorique** utile au processus électrochimique (notée $Q_{\rm utile}$) et la **charge électrique effectivement fournie** par le générateur au cours du processus (notée $Q_{\rm fournie}$).

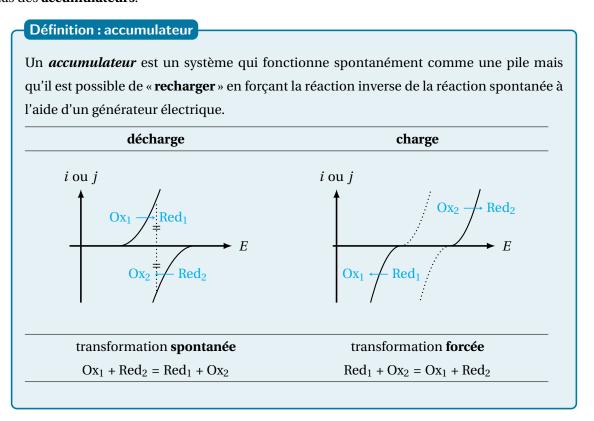
$$\eta = rac{Q_{
m utile}}{Q_{
m fournie}}$$

Or, la loi de Faraday relie la charge au nombre d'électrons par la relation $Q=n_{
m e^-}{\cal F}$ donc :

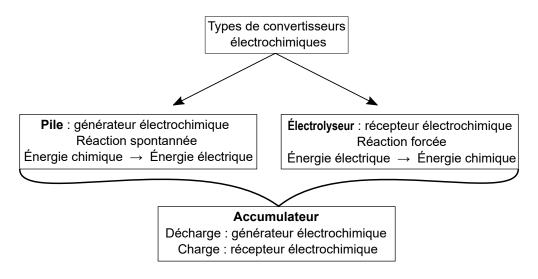
Conséquence Le rendement faradique η peut s'exprimer en fonction du nombre d'électrons (fourni ou utile) et du courant (fourni et utile) :
$oldsymbol{\eta} = rac{oldsymbol{n_{e^-, utiles}}}{oldsymbol{n_{e^-, fournis}}} = rac{I_{ m utile}}{I_{ m fourni}}$
Couplons maintenant la loi de FARADAY et la définition du rendement faradique :
Il est donc possible de relier la masse de produit formé au cours d'une électrolyse : $m = \frac{\eta M I \Delta t}{n \mathcal{F}}$
☑ Application 7 : masse récupérée lors d'une électrolyse
On réalise l'électrolyse d'une solution de sulfate de zinc sur une plaque de zinc en imposant, pendant trois heures, un courant de 1,5 A. Le rendement faradique est de 85 %. Le couple concerné est $Zn_{(aq)}^{2+}/Zn_{(s)}$. \triangle Déterminer la masse de zinc formé sur l'électrode au cours du processus. $Donnée: M_{Zn} = 65 \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1}$, $\mathcal{F} = 96500 \text{ C} \cdot \text{mol}^{-1}$

IV.4 Accumulateur

Une pile électrique n'est *a priori* pas rechargeable. Dès que l'équilibre est atteint ($E_{\rm anode} = E_{\rm cathode}$), elle ne débite plus de courant, et il ne reste qu'à la recycler. En réalité, une pile n'est plus fonctionnelle bien avant que cet équilibre soit atteint (la tension à ses bornes décroit lors de son utilisation). Une telle pile n'est pas viable pour des utilisations courantes : véhicules de transport électrique ou thermique, ordinateurs portables, utilisations industrielles. On peut concevoir en revanche qu'une cellule électrochimique joue un rôle de stockage d'énergie électrique sous forme chimique : c'est le cas des **accumulateurs**.



Une image valant parfois plus que de longs discours :



SYNTHÈSE

Les « savoirs »

- Énoncer la loi de FARADAY (celle de la chimie) avec nom et unité des grandeurs.
- Exprimer la vitesse globale d'une réaction chimique en fonction du courant.
- Définir la densité de courant (avec unité) et expliquer son intérêt.
- Énoncer le lien entre le courant traversant l'anode et le courant traversant la cathode.
- Représenter le montage à trois électrodes et nommer chaque électrode.
- Définir le potentiel rédox d'équilibre d'un système électrochimique.
- Définir un système rapide et schématiser la courbe courant-potentiel qui le caractérise.
- Définir un système lent et schématiser la courbe courant-potentiel qui le caractérise.
- Définir le surpotentiel de seuil avec des mots et une relation.
- Indiquer les deux phénomènes par lesquels une réaction électrochimique peut être limitée.
- Le courant limite de diffusion est proportionnel à plusieurs grandeurs. En citer trois.
- Indiquer les cas d'absence de palier de diffusion sur une courbe courant-potentiel.
- Définir précisément le domaine d'inertie d'un solvant. Schématiser cette notion à l'aide d'une courbe courant-potentiel.
- Indiquer à quoi correspond le courant mesuré sur l'ampèremètre dans le cas d'une solution contenant plusieurs espèces électro-actives.
- Définir la notion de potentiel mixte.
- Décrire le principe d'une pile en terme d'énergie utile et d'énergie utilisée.
- Exprimer la tension à vide d'une pile.
- Définir la résistance interne d'une pile.
- Décrire le principe d'une électrolyse en terme d'énergie utile et d'énergie utilisée (avec schéma).
- Exprimer la tension de seuil d'une électrolyse.
- Définir le rendement faradique d'un électrolyseur et l'exprimer en fonction des courants fourni et utile.
- Définir un accumulateur à l'aide de mots et de schémas.

Les « savoir-faire »

- Établir la relation entre la vitesse **globale** et l'intensité d'une réaction électrochimique.
- △ Décrire le mécanisme d'une réaction électrochimique et les limitations possibles de la vitesse de la réaction.
- △ Cas de la limitation par le transfert de charge : notion de potentiel rédox d'équilibre, différence entre un système rapide et un système lent, mise en évidence du surpotentiel anodique ou cathodique.
- 🗷 Tracé de l'allure d'une courbe courant-potentiel pour un couple lent.
- △ Cas de la limitation par le transfert de matière, pallier de diffusion (cas d'existence de ce pallier ou non, dépendance pour la valeur du courant limite).
- △ Tracé de l'allure d'une courbe courant-potentiel pour une solution contenant plusieurs espèces électroactives.
- △ Sous forme d'exercice-type : déterminer, à l'aide des courbes courant-potentiel, la tension à vide aux bornes d'une pile. Même chose pour une pile qui débite.
- △ Sous forme d'exercice-type : déterminer, à l'aide des courbes courant-potentiel, la tension seuil d'une électrolyse.
- △ Sous forme d'exercice-type : déterminer un rendement faradique.
- △ Sous forme d'exercice-type : déterminer la masse récupérée par électrolyse.