$DM N^{o} 1$

Exercice 1. Soit $f(x) = 3x^2 - 2x + 7$.

- a) Calculer $f\left(-\frac{1}{3}\right)$.
- b) Calculer $f(2-\sqrt{3})$ (on écrira le résultat sous la forme $a+b\sqrt{3}$, où a et b sont des entiers relatifs).

Exercice 2. Soient

$$A = \frac{1}{2 + \sqrt{3}} + \frac{1}{2 - \sqrt{3}},$$

et

$$B = (3\sqrt{2} - \sqrt{3})^2 + 6\sqrt{6}.$$

- a) A l'aide d'une calculatrice, vérifier que A et B sont des entiers naturels.
- b) Effectuer les calculs conduisant au résultat obtenu à la calculatrice.

Exercice 3. Développer et réduire :

$$f(a) = 3a(a-4) - 2a(7+8a)$$

$$g(x) = 4x(x^2 - 7x + 1) + 2(5x^3 + 3x^2 - 5)$$

$$h(y) = 5(3y^2 - 8y + 6) - 3(5y^2 + y - 10).$$

Exercice 4. Factoriser les expressions

$$70a - 21$$
 $x^2 - 4x$
 $12x^2 + 16$ $18b^4 - 18b^2$
 $9x^2 - 3x + 6$ $10x^3 + 5x$.